

LOKALNA GRUPA GALAGTYK

NAZWA	TYP GALAKTYKI	JASNOŚĆ $\log M/M_{\odot}$
Duży Obłok Magellana	JrI	10
Mały Obłok Magellana	JrI	9.3
Andromeda	Sb	11.5
M32	E2	9.5
	F5	9.8
Trójkąt M33	Se	10.1
	E	9
	E	9
	JrI	8.4
	Jr	8.5
Skultor	E0	6.5
	E0	7.3
Lew I	E4	6.6
Lew II	E1	6.0
Dragon	E0	5
Mała Niedźwiedzica	E0	5
Maffei	S0	11.3

ASTRONOMIA POZAGALAKTYCZNA

Typy galaktyk
Klasyfikacja Hubble.
Eliptyczne

$E_0, E_1, E_2, \dots, E_7$

$$n = (a - b) 10/a$$

Spiralne S_0

bez poprzeczki S_a, S_b, S_c

z poprzeczką SB_a, SB_b, SB_c

KOSMOLOGIA

Zasady kosmologiczne

Wszechświat jest jednakowy dla każdego obserwatora

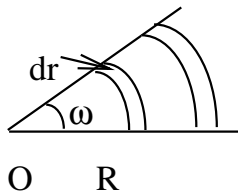
Zasada Antropiczna

Ścisła zasada Kosmologiczna

MODELE KOSMOLOGICZNE WSZECHŚWIATA

1. Definicja Wszechświata.
2. Galaktyki, Clustry.
3. Zasada kosmologiczna.
4. Dlaczego niebo jest ciemne.
5. Rozbieganie się galaktyk
Prawo Hubble'a
6. Modele kosmologiczne.
Lemaitre Fridmana
7. Model Hoyle'a.
8. Promieniowanie reliktowe $T = 2.7 \text{ K}$
9. Testowanie modeli kosmologicznych.

PARADOKS OLBERTSA



Czy Wszechświat jest ograniczony?

$$j = \text{const} \left[\frac{\text{fot}}{\text{s} \cdot \text{cm}^3} \right]$$

$$\omega = \frac{S}{R^2}$$

$$v = \omega \cdot R^2 \cdot dx$$

$$dI = \frac{v \cdot j}{R^2}$$

$$I = \int_0^{\infty} \frac{\omega R^2 dR}{R^2} = \omega \cdot R \Big|_0^r = \omega \cdot r \Big|_0^{\infty}$$

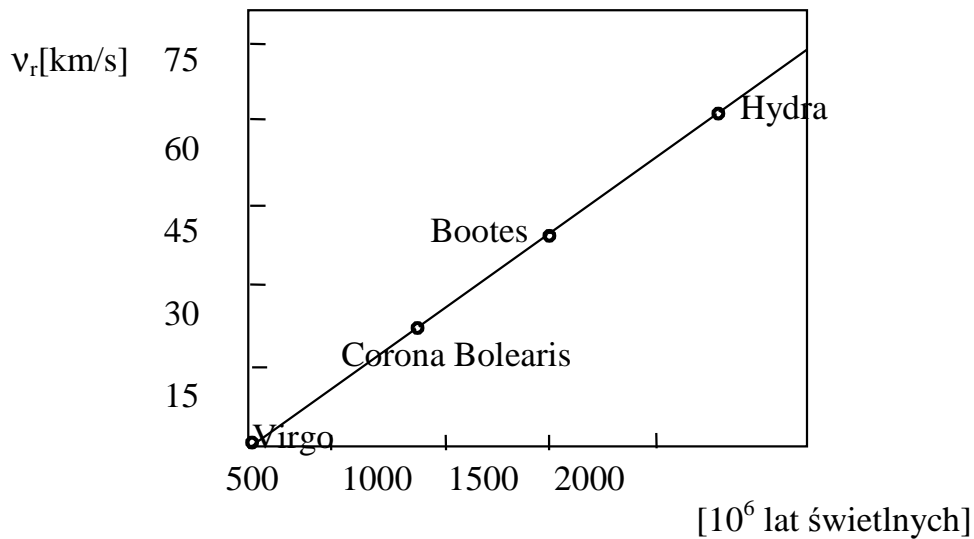
zatem proporcjonalnie do r

$$r = \infty \quad I \rightarrow \infty$$

Niebo powinno być jasne nawet w nocy

Clustry $d \approx 50 \text{ Mpc}$

Prawo HUBBLA



$$J = H \cdot R$$

$$H \approx 500 \frac{\text{km}}{\text{s} \cdot \text{Mpc}} \text{ (BYŁO!!!)} ; \quad H = 50 - 100 \frac{\text{km}}{\text{s} \cdot \text{Mpc}}$$

Ograniczoność Wszechświata

$$v \rightarrow c; \quad c = H \cdot R_{\text{max}} = H \cdot R_{\text{ph}}; \quad R_{\text{ph}} = \frac{c}{H} = 6.2 \cdot 10^{28} \text{ cm}$$

$$H \approx 500 \text{ km s}^{-1} \text{ Mpc}^{-1} \text{ (było !!!)}$$

$$H = 50 \div 100 \text{ km s}^{-1} \text{ Mpc}^{-1}$$

Ograniczoność Wszechświata

$$J \rightarrow c \quad c = H R_{\text{max}} = H R_{\text{ph}} \quad R_{\text{ph}} = \frac{c}{H} = 6.2 \cdot 10^{28} \text{ cm}$$

$$z = \frac{\Delta l}{l} = \frac{1 + \frac{u}{c}}{\sqrt{1 - \frac{u^2}{c^2}}} - 1$$

Czy Prawo Hubble'a jest zrozumiałe w świetle zasady kosmologicznej?

$$l = R(t) l_0; \quad |l| = l_0 \cdot |R| \quad u = \frac{dl}{dt} = l_0 \cdot \dot{R} = \frac{\dot{R}}{R} \cdot |l|$$

$$v_r = H \cdot r; \quad H = \frac{\dot{R}}{R}$$

Dla chmury punktów materialnych gdy zachodzi warunek $\frac{GM}{lc^2} < 1$
(Newtona opis grawitacji)

Jak określić R(t) $F = -\frac{GM}{r^2}$

$$a = \frac{GM}{r^2} = \ddot{x}$$

$$\frac{d^2 l}{dt^2} = \frac{GM}{l^2} \quad | \cdot \dot{l} \rightarrow \ddot{l} \cdot \dot{l} = \frac{GM \dot{l}}{l^2}$$

$$\frac{d}{dt} \left(\frac{\dot{l}^2}{2} \right) = GM \frac{d}{dt} \left(\frac{1}{l} \right)$$

$$\dot{l}^2 = \frac{2GM}{l} - K \quad M = \frac{4}{3} \rho l^3 r |t|$$

$$\dot{l}^2 = \frac{2G \frac{4}{3} \rho l^3 r |t|}{l} - K$$

$$\frac{\dot{l}^2}{l^2} = \frac{8}{3} G \rho r |t| - \frac{K}{l^2} \quad r |t_0| \cdot 1 = r |t| l^3 |t|$$

$$r |t| = \frac{r |t_0|}{l^3}$$

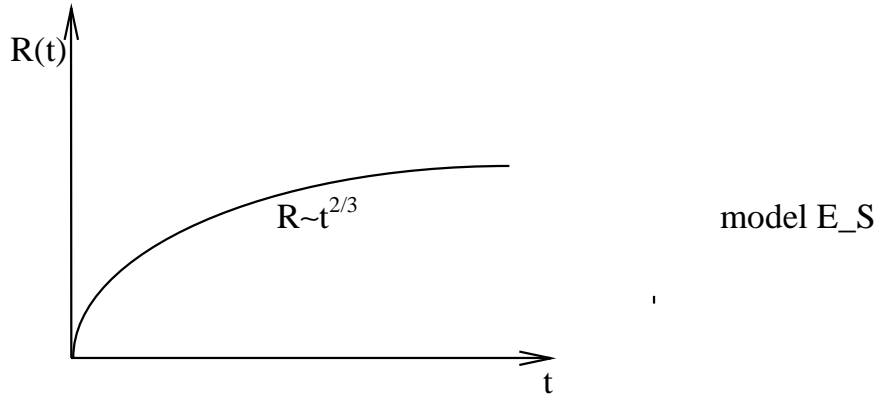
$$\frac{\dot{l}^2}{l^2} = \frac{8}{3} G \rho \frac{r |t_0|}{l^3} - \frac{K}{l^2}$$

$$\dot{l}^2 = \left(\frac{8}{3} \right) G \rho \frac{r |t_0|}{l} - K \quad l = R |t| \cdot l_0$$

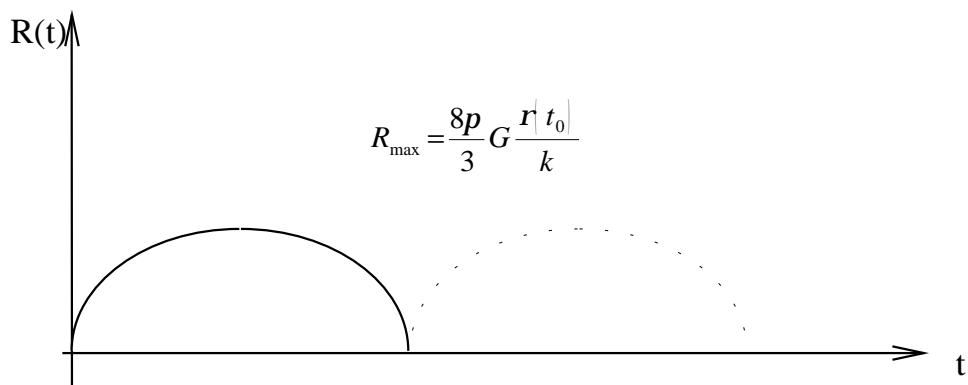
$$\dot{R}^2 |t| = \frac{8}{3} G \rho \frac{r |t_0|}{R |t|} - K \quad \textcircled{R} \quad \text{całkowita energia}$$

MODELE FRIDMANA

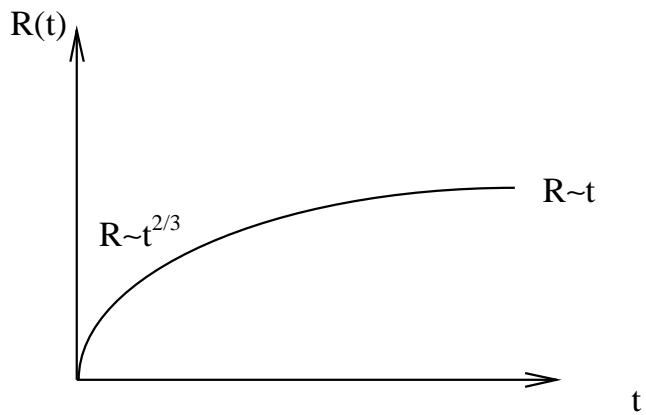
Gdy $k = 0$



gdy $k > 0 E_g > E_k$



gdy $k < 0 E_g < E_k$



Opis dokładny

Odległość w czasoprzestrzeni zapisuje się $ds^2 = g_{\alpha\beta} dx^\alpha dx^\beta$

Tensor metryczny $g_{\alpha\beta}$ powiązany jest z rozkładem materii opisywanym za pomocą tensora energii pędu $T_{\alpha\beta}$, równaniami pola Einsteina

$$G_{ab} = R_{ab} - \frac{1}{2} g_{ab} R = \frac{8pG}{c^4} T_{ab}$$

gdzie $R = R_a^a$ jest skalar krzywizny

$R_{ab} = R_{asb}^s$ jest tensorem Ricciego

$g_{\alpha\beta}$ nosi nazwę tensora Einsteina

Dla dalekich odległości od masy, przewidywania ogólnej teorii względności powinny pokrywać się z wynikami Newtona, warunek ten jest spełniony gdy ds^2 wynosi

$$ds^2 = \left(1 - \frac{r_g}{r}\right) c^2 dt^2 - \frac{dr^2}{1 - \frac{r_g}{r}} - r^2 (dq^2 + \sin^2 q df^2)$$

$$ds^2 = c^2 dt - R^2 |t| du$$

$$du^2 = \frac{dr^2}{1 - kr^2} + r^2 (dq^2 + \sin^2 q dj^2)$$

$k \rightarrow$ krzywizna przestrzeni

$k = 1 \rightarrow$ zamknięta

$k = -1 \rightarrow$ otwarta

$k = 0 \rightarrow$ płaska

$$\frac{\dot{R}^2}{R^2} + 2 \frac{\dot{R}}{R} + \frac{8\pi G \rho}{c^2} = - \frac{kc^2}{R^2} + \Lambda c^2$$

$$\frac{\dot{R}^2}{R} - \frac{8pG r |t|}{3} = - \frac{kc^2}{R^2} + \frac{Ic^2}{c} \quad \Lambda - \text{stała kosmologiczna}; \quad r_0 = - \frac{\ddot{R}_0}{R_0 H^2}$$

$$r_{kryt.} = \frac{3H_0^2 q_0}{8pG} = \sim 2 \times 10^{-29} \text{ gramów/cm}^3$$

Model Hoyle'a

Ścisła zasada kosmologiczna

$\rho = \text{constans}$

Idea nieustannego stwarzania materii

Promieniowanie reliktove wyklucza taką możliwość

Testy na modelach kosmologicznych

Hubbla; Zliczanie źródeł; $N = 4/3\pi r^3$ $J(r) = L / 4\pi r^2$

Zatem $r = \text{constant } J^{-2}$

Liczba źródeł o strumieniu większym od J będzie

$N(>J) = \text{const } \rho J^{-3/2}$

TEST HUBBLA

L - moc promieniowania - luminancja

$$f = \frac{L}{4p R_0^2 l_0^2 (1+z)^2}$$

bo energia maleje 1 + z razy

$$\frac{dN}{d\Omega}(\lambda, f) = \int_0^{t_0} dt l_0^2 R_0^3 R(t)^{-1} n(\lambda, a) = 4p l_0^2 f R_0^4 R(t)$$

Metody okreslania pola magnetycznego w przestrzeni kosmicznej

- Rotacja płaszczyzny polaryzacji Faradaya
- polaryzacja światła gwiazd -Devisa
- Effekt Zemana

Rotacja Faradaya

$$n^2 = 1 - \frac{\left(\frac{n_p}{n}\right)^2}{1 \pm \left(\frac{n_g}{n}\right) \cos q} \quad \mathbf{q} \angle (\mathbf{l}, \vec{B})$$

$$\Delta n = \frac{n_p^2 n_g}{n^3} \cos q, \quad \Delta j = \frac{2p \Delta n n}{c}, \quad \Delta q = \frac{p n_p^2 n_g}{c n^2} \cos q dl \quad \text{rotacja}$$

$$q = \frac{p}{c n^2} \int_0^l n_p^2 n_g \cos q dl$$

$$q = 8.1 \cdot 10^5 l^2 \int_0^1 N_e B_p dl$$

$$B_p \approx \frac{\int N_e B dl}{\int N_e dl}$$

RADIALNY RUCH W POLU GRAWITACYJNYM

$$u_r = \frac{dr}{dt} = c \left(1 - \frac{r_g}{r}\right) \cdot \sqrt{\frac{1 - \frac{r_g}{r}}{1 - \frac{r_g}{r_o}}} \quad \text{gdym obserwator w } r_o$$

gdym $r \rightarrow r_g$ $v \rightarrow 0$

$$u = \frac{dR}{dt} = \frac{1}{1 - \frac{r_g}{r}} \frac{dr}{dt} = c \sqrt{\frac{1 - \frac{r_g}{r}}{1 - \frac{r_g}{r_o}}} \quad \text{gdym obserwator w } r$$

gdym $r \rightarrow r_g$ $v \rightarrow c$

$$dt^2 = c dt^2 - dR^2; \quad c dt = \sqrt{1 - \frac{r_g}{r}} c dt$$

$$dR = \frac{dr}{\sqrt{1 - \frac{r_g}{r}}}; \quad dt = \sqrt{1 - \frac{r_g}{r}} dt$$

$$\frac{l_o}{l} = \sqrt{\frac{1 - \frac{r_g}{r_o}}{1 - \frac{r_g}{r}}} \quad \text{gdymie } r_g = 2GM / c^2$$

$$z = \frac{l_o - l}{l}; \quad z + 1 = \frac{l_o}{l}$$

$$\mathbf{n}_p = \left(\frac{e^2 N_e}{4p E_0 m_e} \right) = 9.1 A \cdot 10^3 N_e^{\frac{1}{2}} H_2$$

$$\rightarrow \mathbf{n}_{grup} = c \left[1 - \left(\frac{\mathbf{n}_p}{n} \right)^2 \right]^{\frac{1}{2}}$$

$$v_g \ll v$$

$$v \sim 10^2 - 10^3 \text{ MHz}$$

$$\frac{\mathbf{n}_p}{n} \ll 1$$

$$\mathbf{n}_{grup} = c \left[1 - \frac{1}{2} \left(\frac{\mathbf{n}_p}{n} \right)^2 \right]$$

$$\bar{\mathbf{n}}_a = \int_0^l \frac{dl}{n} = \int_0^l \frac{dl}{c} \left[1 + \frac{1}{2} \left(\frac{\mathbf{n}_p}{n} \right)^2 \right] = \frac{l}{c} + \frac{e^2}{8p^2 e_0 m_e c n^2} \int N_e dl$$